

هر زیر مجموعه وابسته می نیمال متروید M را یک دور Circuit گوئیم.

مجموعه تمام دورهای متروید M را با $C(M)$ یا C نمایش می دهیم.

یک دور M را که شامل n عضو باشد را یک n -دور می نامیم.

اگر $\mathcal{S}(M)$ معلوم باشد آنگاه می توان $C(M)$ را مشخص کرد و برعکس.

اعضاء $\mathcal{S}(M)$ تمامی زیر مجموعه های E هستند که شامل هیچ عضوی از $C(M)$ نیستند.

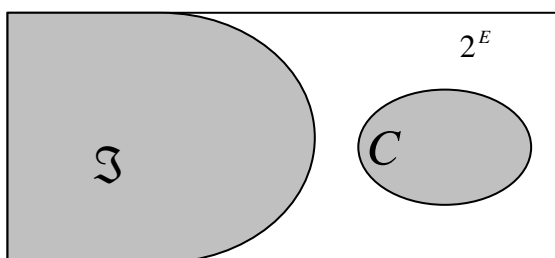
در مقیقت متروید M را می توان با معرفی دورهای آن شناسایی کرد.

به سادگی میتوان دید که

$$\emptyset \notin C \quad (c_1)$$

$$c_1 \neq c_2 \Leftrightarrow c_1 \subseteq c_2, \quad c_1, c_2 \in C \quad (c_2)$$

$$\exists c_3 \in C : c_3 \subseteq (c_1 \cup c_2) - \{e\} \Leftrightarrow e \in c_1 \cap c_2, \quad c_1 \neq c_2, \quad c_1, c_2 \in C \quad (c_3)$$



قضیه : فرض کنیم E یک مجموعه و C گردایی ای از زیر مجموعه های E باشد که در شرایط $(c_1), (c_2), (c_3)$ صدق میکنند. فرض کنیم \mathcal{S} گردایی ی تمامی زیر مجموعه های E باشد که شامل هیچ عضو C نیستند آنگاه (E, \mathcal{S}) یک متروید روی E است که C گردایی ی دور های آن می باشد.

برای اثبات این که $C = C(M)$ کافی است توجه کنیم که عبارتهای زیر معادلند:

(۱) C یک دور M است

(۲) $c \in \mathcal{I}(M)$ و برای هر $x \in C$ داریم $c - x \in \mathcal{I}(M)$ (دور وابسته می نیمال است)

(۳) c شامل عضوی مثل c' از C است ولی c' زیر مجموعه سره c نیستند

(۴) $c \in C$

نتیجه: فرض کنیم C گردایه ای از زیر مجموعه های مجموعه E باشد آنگاه C گردایه دورهای یک متروید روی E است اگر و تنها اگر C در شرایط زیر صدق کند:

$$(c_1) \quad \emptyset \neq C$$

$$(c_2) \quad c_1 \neq c_2 \iff c_1 \subseteq c_2, \quad c_1, c_2 \in C$$

$$(c_3) \quad \exists c_3 \in C : c_3 \subseteq (c_1 \cup c_2) - \{e\} \iff e \in c_1 \cap c_2, \quad c_1 \neq c_2, \quad c_1, c_2 \in C$$

گزاره: فرض کنیم I یک زیر مجموعه مستقل M و e عضوی از M باشد که $I \cup e$ وابسته است آنگاه M دور منمصر به فردی دارد که جزء $I \cup e$ است و شامل e می باشد.

گزاره: فرض کنیم E مجموعه یالهای گراف G و G گردایه تمام دورهای G باشد آنگاه G گردایه دورهای یک متروید روی مجموعه E است.